

UČNI LIST – Lastnosti funkcij

1) Nariši graf funkcije in ugotovi, ali je funkcija zvezna ali ne:

a) $f(x) = \begin{cases} 2x - 3; & x < 1 \\ x - 3; & x \geq 1 \end{cases}$

b) $f(x) = \begin{cases} \frac{3}{2}x - 1; & x \leq 2 \\ -\frac{1}{2}x + 3; & x > 2 \end{cases}$

c) $f(x) = \begin{cases} x^2; & x < -1 \\ \frac{1}{3}x + \frac{4}{3}; & x \geq -1 \end{cases}$

d) $f(x) = \begin{cases} -x; & x \leq 0 \\ x^2 - 1; & x > 0 \end{cases}$

2) Nariši graf funkcije in ugotovi, ali je funkcija zvezna ali ne:

a) $f(x) = \begin{cases} -x^2 + 4; & x \leq 1 \\ 3x; & x > 1 \end{cases}$

b) $f(x) = \begin{cases} 2^x; & x < 2 \\ -\frac{2}{3}x + 6; & x \geq 2 \end{cases}$

c) $f(x) = \begin{cases} 2x + 5; & x < -2 \\ x^2 - 3; & -2 \leq x < 3 \\ -x + 6; & x \geq 3 \end{cases}$

d) $f(x) = \begin{cases} \sin x; & x \leq 0 \\ \tan x; & x > 0 \end{cases}$

3) Izračunaj limite funkcije:

a) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x+3}{x-2} =$

b) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 7x + 10}{x^2 - 4} =$

c) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 6x + 8}{x^2 - 8x + 12} =$

d) $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2 - 9}{x + 3} =$

4) Izračunaj limite funkcije:

a) $\lim_{x \rightarrow 8} \frac{x^2 - 7x - 8}{x^2 - 6x - 16} =$

b) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2 + 2x}{x} =$

c) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 6x^2 + 11x - 6}{x^2 - 3x + 2} =$

d) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 8}{x - 2} =$

5) Izračunaj limite funkcije:

a) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^3 + x}{x^5 - x} =$

b) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x - 1}{4x + 3} =$

c) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x - x^3}{6 - x^2 - 4x^3} =$

d) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 2x + 3}{x^4 - 4x^3 - 5x^2} =$

6) Nariši graf funkcije $f(x) = \frac{2x+6}{x-3}$ in z njegovo pomočjo določi limite funkcije:

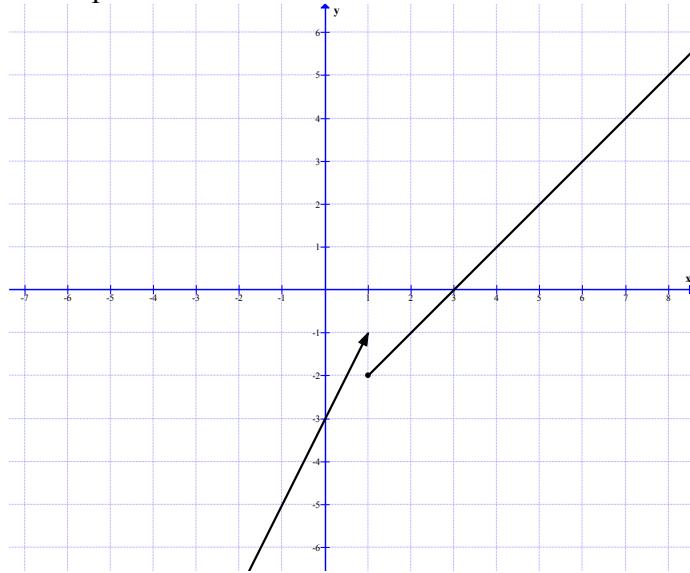
a) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x+6}{x-3} =$

b) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x+6}{x-3} =$

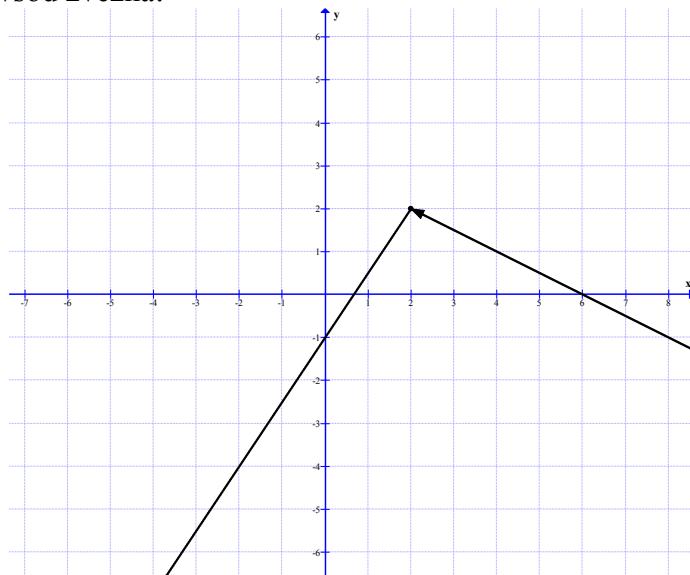
c) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{2x+6}{x-3} =$

REŠITVE UČNEGA LISTA – Lastnosti funkcij

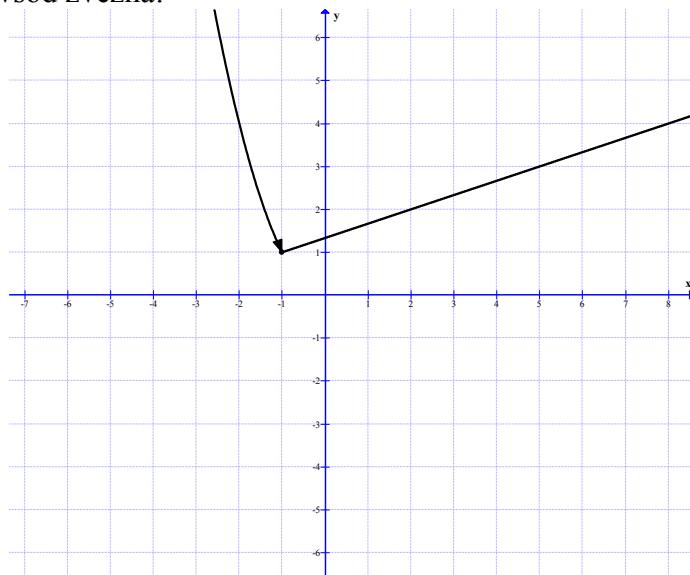
- 1) a) Funkcija je nevezna pri $x = 1$!



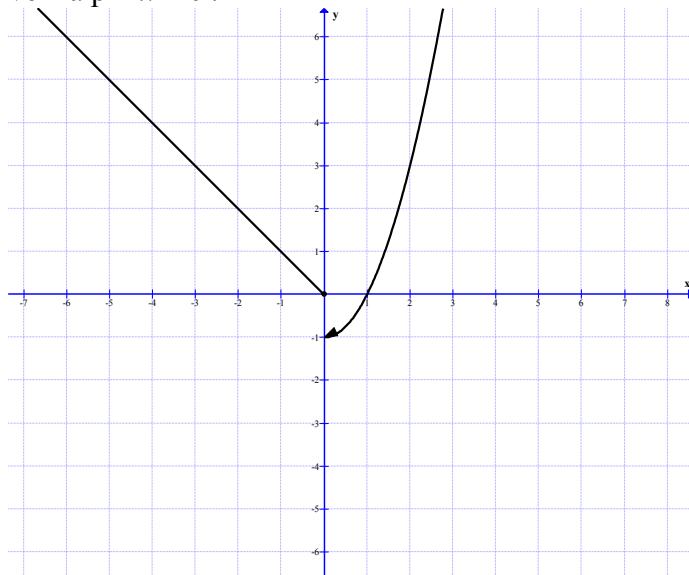
- b) Funkcija je povsod zvezna!



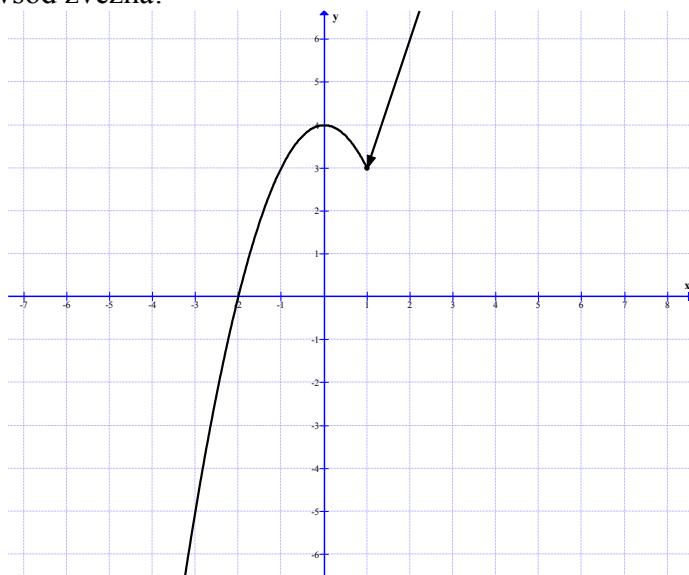
- c) Funkcija je povsod zvezna!



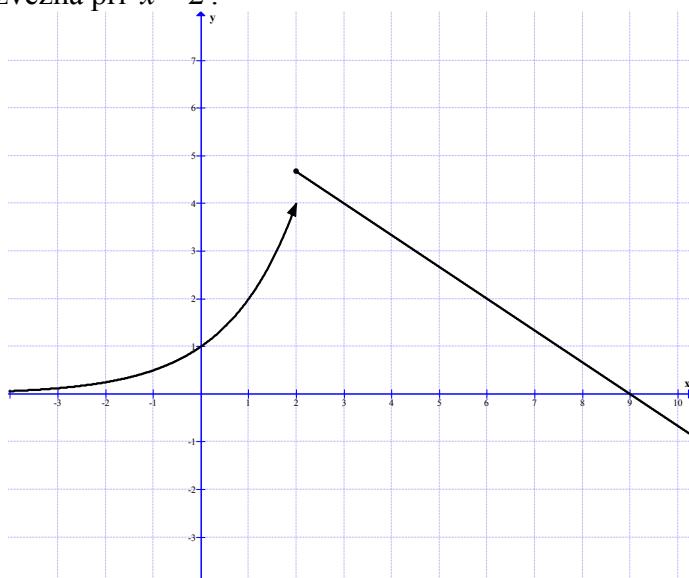
d) Funkcija je nevezna pri $x = 0$!



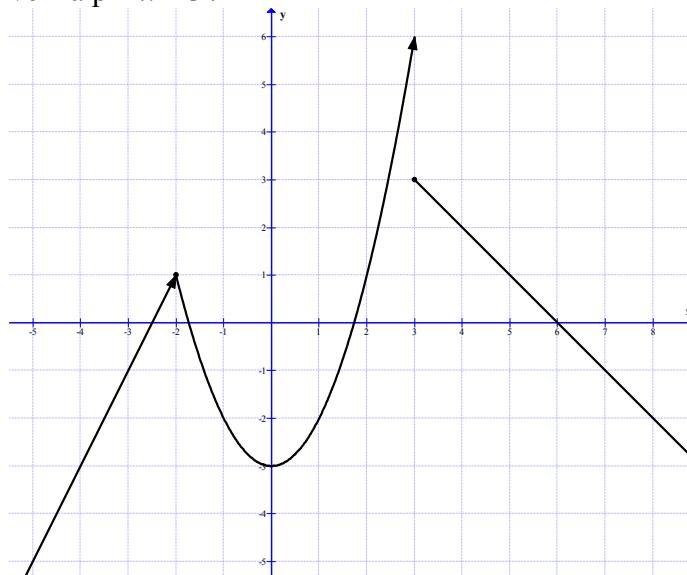
2) a) Funkcija je povsod zvezna!



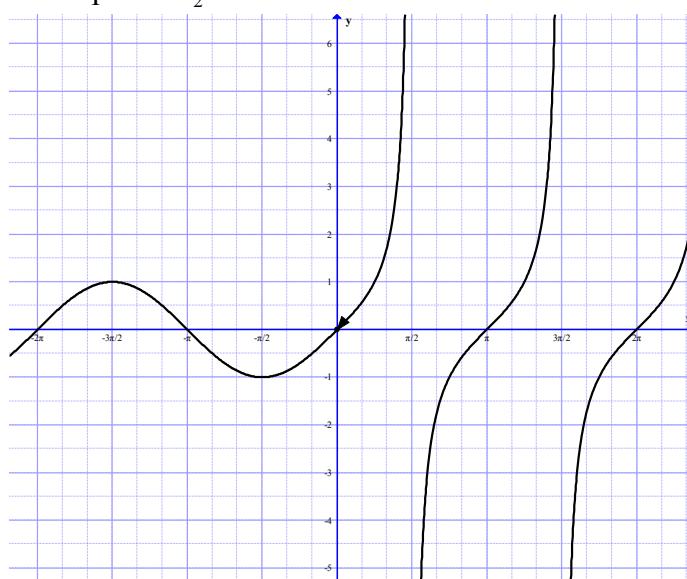
b) Funkcija je nevezna pri $x = 2$!



c) Funkcija je nevezna pri $x = 3$!



d) Funkcija je nevezna pri $x = \frac{\pi}{2} + k \cdot \pi$!



3) a) $-\frac{1}{4}$

b) $-\frac{2}{5}$

c) $\frac{1}{2}$

d) -6

4) a) $\frac{9}{10}$

b) 2

c) -2

d) 12

5) a) -1

b) $\frac{1}{2}$

c) $\frac{1}{4}$

d) 0

6) a) -4

b) 2

c) Limita ne obstaja!

